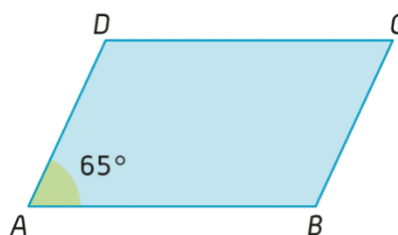


Propriedades dos paralelogramos

1. Na figura está representado um paralelogramo $[ABCD]$.

Sabe-se que $B\hat{A}D = 65^\circ$.



1.1 Determina as amplitudes dos ângulos internos do paralelogramo.

- Os ângulos CBA e BAD são adjacentes ao lado $[AB]$.
O ângulo ABC é suplementar ao ângulo BAD .
Assim tem-se que $C\hat{B}A = 180^\circ - 65^\circ = 115^\circ$.
- $D\hat{C}B = B\hat{A}D = 65^\circ$ (ângulos de lados inversamente paralelos são iguais)
- $C\hat{B}A = A\hat{D}C = 115^\circ$ (ângulos de lados inversamente paralelos são iguais)

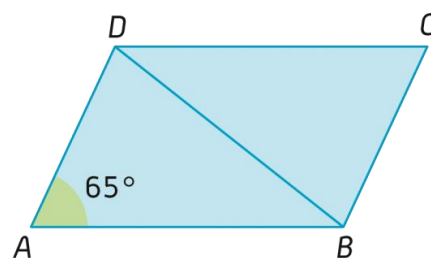
1.2 Os triângulos $[ABD]$ e $[BCD]$ são iguais.

Explica.

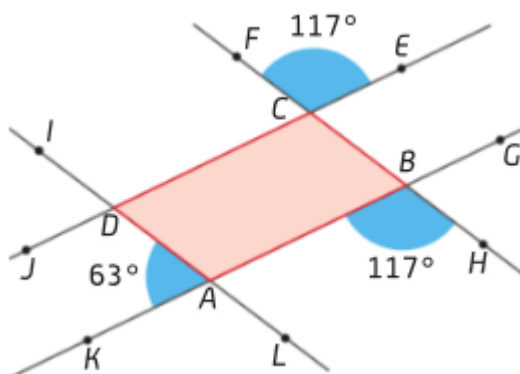
Considere-se os triângulos $[ABD]$ e $[BCD]$:

- $[BD]$ é lado comum aos dois triângulos;
- $\overline{AD} = \overline{BC}$
- $\overline{AB} = \overline{CD}$

Assim, pelo critério LLL, os triângulos $[ABD]$ e $[BCD]$ são iguais.



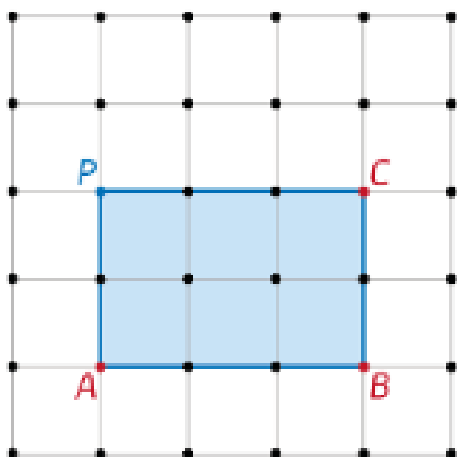
2. Atendendo à informação dada na figura, verifica se o quadrilátero $[ABCD]$ é um paralelogramo.



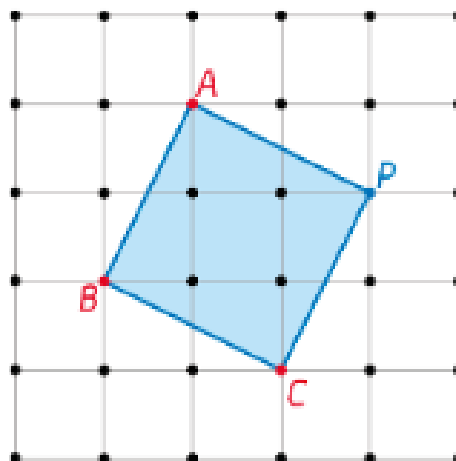
- As retas AB e CD são paralelas porque existem ângulos alternos externos iguais ($E\hat{C}F = A\hat{B}H = 117^\circ$), quando consideras as retas intersecadas pela secante BC .
- O ângulo CBA é suplementar ao ângulo ABH , assim $C\hat{B}A = 180^\circ - 117^\circ = 63^\circ$.
- Pode-se então concluir que as retas AD e BC são paralelas porque existem ângulos correspondentes iguais ($D\hat{A}K = C\hat{B}A = 63^\circ$), quando consideras as retas intersecadas pela secante AB .
- Conclui-se que o quadrilátero $[ABCD]$ é um paralelogramo pois $[AB] // [CD]$ e $[AD] // [CB]$.

3. Sobre cada um dos quadriculados foram marcados alguns pontos. Assinala, para cada caso, um ponto P de modo que:

3.1 $[ABCP]$ seja um retângulo.



3.2 $[ABCP]$ seja um quadrado.



3.3 $[ABCP]$ seja um paralelogramo.

